

**МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**

**Министерство просвещения и воспитания Ульяновской области**

**Управление образования и воспитания Администрации МО**

**"Николаевский район"**

**МОУ Николаевская СШ**

**РАССМОТРЕНО**

руководитель ШМО

\_\_\_\_\_

Бурнаева Л.А.

Протокол №1  
от «26» 08 2024 г.

**СОГЛАСОВАНО**

заместитель директора  
по УВР

\_\_\_\_\_

Саушкина Т.А.

от «27» 08 2024 г.

**УТВЕРЖДЕНО**

директор

\_\_\_\_\_

Тюрина И.Н.

Приказ №363  
от «29» 08 2024 г.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА**

(ID 5023519)

**учебного предмета «Алгебра и начала математического анализа.**

**Углубленный уровень»**

для обучающихся 11А класса

**р.п.Николаевка 2024**

## ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Учебный курс «Алгебра и начала математического анализа» является одним из наиболее значимых в программе среднего общего образования, поскольку, с одной стороны, он обеспечивает инструментальную базу для изучения всех естественно-научных курсов, а с другой стороны, формирует логическое и абстрактное мышление обучающихся на уровне, необходимом для освоения информатики, обществознания, истории, словесности и других дисциплин. В рамках данного учебного курса обучающиеся овладевают универсальным языком современной науки, которая формулирует свои достижения в математической форме.

Учебный курс алгебры и начал математического анализа закладывает основу для успешного овладения законами физики, химии, биологии, понимания основных тенденций развития экономики и общественной жизни, позволяет ориентироваться в современных цифровых и компьютерных технологиях, уверенно использовать их для дальнейшего образования и в повседневной жизни. В то же время овладение абстрактными и логически строгими конструкциями алгебры и математического анализа развивает умение находить закономерности, обосновывать истинность, доказывать утверждения с помощью индукции и рассуждать дедуктивно, использовать обобщение и конкретизацию, абстрагирование и аналогию, формирует креативное и критическое мышление.

В ходе изучения учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» обучающиеся получают новый опыт решения прикладных задач, самостоятельного построения математических моделей реальных ситуаций, интерпретации полученных решений, знакомятся с примерами математических закономерностей в природе, науке и искусстве, с выдающимися математическими открытиями и их авторами.

Учебный курс обладает значительным воспитательным потенциалом, который реализуется как через учебный материал, способствующий формированию научного мировоззрения, так и через специфику учебной деятельности, требующей продолжительной концентрации внимания, самостоятельности, аккуратности и ответственности за полученный результат.

В основе методики обучения алгебре и началам математического анализа лежит деятельностный принцип обучения.

В структуре учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» выделены следующие содержательно-методические линии: «Числа и вычисления», «Функции и графики», «Уравнения и неравенства», «Начала математического анализа», «Множества и логика». Все основные содержательно-методические линии изучаются на протяжении двух лет обучения на уровне среднего общего образования, естественно дополняя друг друга и постепенно насыщаясь новыми темами и разделами. Данный учебный курс является интегративным, поскольку объединяет в себе содержание нескольких математических дисциплин, таких как алгебра, тригонометрия, математический анализ, теория множеств, математическая логика и другие. По мере того как обучающиеся овладевают всё более широким математическим аппаратом, у них последовательно формируется и совершенствуется умение строить математическую модель реальной ситуации, применять знания, полученные при изучении учебного курса, для решения самостоятельно сформулированной математической задачи, а затем интерпретировать свой ответ.

Содержательно-методическая линия «Числа и вычисления» завершает формирование навыков использования действительных чисел, которое было начато на уровне основного общего образования. На уровне среднего общего образования особое внимание уделяется формированию навыков рациональных вычислений, включающих в себя использование различных форм записи числа, умение делать прикидку, выполнять приближённые вычисления, оценивать числовые выражения, работать с математическими константами. Знакомые обучающимся множества натуральных, целых, рациональных и действительных чисел дополняются множеством комплексных чисел. В каждом из этих множеств рассматриваются свойственные ему специфические задачи и операции: деление нацело, оперирование остатками на множестве целых чисел, особые свойства рациональных и иррациональных чисел, арифметические операции, а также извлечение корня натуральной степени на множестве комплексных чисел. Благодаря последовательному расширению круга используемых чисел и знакомству с возможностями их применения для решения различных задач формируется представление о единстве математики как науки и её роли в построении моделей реального мира, широко используются обобщение и конкретизация.

Линия «Уравнения и неравенства» реализуется на протяжении всего обучения на уровне среднего общего образования, поскольку в каждом

разделе Программы предусмотрено решение соответствующих задач. В результате обучающиеся овладевают различными методами решения рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических и тригонометрических уравнений, неравенств и систем, а также задач, содержащих параметры. Полученные умения широко используются при исследовании функций с помощью производной, при решении прикладных задач и задач нахождение наибольших и наименьших значений функции. Данная содержательная линия включает в себя также формирование умений выполнять расчёты по формулам, преобразования рациональных, иррациональных и тригонометрических выражений, а также выражений, содержащих степени и логарифмы. Благодаря изучению алгебраического материала происходит дальнейшее развитие алгоритмического и абстрактного мышления обучающихся, формируются навыки дедуктивных рассуждений, работы с символическими формами, представления закономерностей и зависимостей в виде равенств и неравенств. Алгебра предлагает эффективные инструменты для решения практических и естественно-научных задач, наглядно демонстрирует свои возможности как языка науки.

Содержательно-методическая линия «Функции и графики» тесно переплетается с другими линиями учебного курса, поскольку в каком-то смысле задаёт последовательность изучения материала. Изучение степенной, показательной, логарифмической и тригонометрических функций, их свойств и графиков, использование функций для решения задач из других учебных предметов и реальной жизни тесно связано как с математическим анализом, так и с решением уравнений и неравенств. При этом большое внимание уделяется формированию умения выражать формулами зависимости между различными величинами, исследовать полученные функции, строить их графики. Материал этой содержательной линии нацелен на развитие умений и навыков, позволяющих выражать зависимости между величинами в различной форме: аналитической, графической и словесной. Его изучение способствует развитию алгоритмического мышления, способности к обобщению и конкретизации, использованию аналогий.

Содержательная линия «Начала математического анализа» позволяет существенно расширить круг как математических, так и прикладных задач, доступных обучающимся, так как у них появляется возможность строить графики сложных функций, определять их наибольшие и наименьшие значения, вычислять площади фигур и объёмы тел, находить

скорости и ускорения процессов. Данная содержательная линия открывает новые возможности построения математических моделей реальных ситуаций, позволяет находить наилучшее решение в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах. Знакомство с основами математического анализа способствует развитию абстрактного, формально-логического и креативного мышления, формированию умений распознавать проявления законов математики в науке, технике и искусстве. Обучающиеся узнают о выдающихся результатах, полученных в ходе развития математики как науки, и об их авторах.

Содержательно-методическая линия «Множества и логика» включает в себя элементы теории множеств и математической логики. Теоретико-множественные представления пронизывают весь курс школьной математики и предлагают наиболее универсальный язык, объединяющий все разделы математики и её приложений, они связывают разные математические дисциплины и их приложения в единое целое. Поэтому важно дать возможность обучающемуся понимать теоретико-множественный язык современной математики и использовать его для выражения своих мыслей. Другим важным признаком математики как науки следует признать свойственную ей строгость обоснований и следование определённым правилам построения доказательств. Знакомство с элементами математической логики способствует развитию логического мышления обучающихся, позволяет им строить свои рассуждения на основе логических правил, формирует навыки критического мышления.

В учебном курсе «Алгебра и начала математического анализа» присутствуют основы математического моделирования, которые призваны способствовать формированию навыков построения моделей реальных ситуаций, исследования этих моделей с помощью аппарата алгебры и математического анализа, интерпретации полученных результатов. Такие задания вплетены в каждый из разделов программы, поскольку весь материал учебного курса широко используется для решения прикладных задач. При решении реальных практических задач обучающиеся развивают наблюдательность, умение находить закономерности, абстрагироваться, использовать аналогию, обобщать и конкретизировать проблему. Деятельность по формированию навыков решения прикладных задач организуется в процессе изучения всех тем учебного курса «Алгебра и начала математического анализа».

На изучение учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» отводится 272 часа: в 10 классе – 136 часов (4 часа в неделю), в 11 классе – 136 часов (4 часа в неделю).

## **СОДЕРЖАНИЕ ОБУЧЕНИЯ**

### **Числа и вычисления**

Натуральные и целые числа. Применение признаков делимости целых чисел, наибольший общий делитель (далее – НОД) и наименьшее общее кратное (далее – НОК), остатков по модулю, алгоритма Евклида для решения задач в целых числах.

Комплексные числа. Алгебраическая и тригонометрическая формы записи комплексного числа. Арифметические операции с комплексными числами. Изображение комплексных чисел на координатной плоскости. Формула Муавра. Корни  $n$ -ой степени из комплексного числа. Применение комплексных чисел для решения физических и геометрических задач.

### **Уравнения и неравенства**

Система и совокупность уравнений и неравенств. Равносильные системы и системы-следствия. Равносильные неравенства.

Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности. Решение тригонометрических неравенств.

Основные методы решения показательных и логарифмических неравенств.

Основные методы решения иррациональных неравенств.

Основные методы решения систем и совокупностей рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений.

Уравнения, неравенства и системы с параметрами.

Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов.

### **Функции и графики**

График композиции функций. Геометрические образы уравнений и неравенств на координатной плоскости.

Тригонометрические функции, их свойства и графики.

Графические методы решения уравнений и неравенств. Графические методы решения задач с параметрами.

Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей, которые возникают при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни.

### **Начала математического анализа**

Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значений непрерывной функции на отрезке.

Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком.

Первообразная, основное свойство первообразных. Первообразные элементарных функций. Правила нахождения первообразных.

Интеграл. Геометрический смысл интеграла. Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона-Лейбница.

Применение интеграла для нахождения площадей плоских фигур и объёмов геометрических тел.

Примеры решений дифференциальных уравнений. Математическое моделирование реальных процессов с помощью дифференциальных уравнений.

# ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА «АЛГЕБРА И НАЧАЛА МАТЕМАТИЧЕСКОГО АНАЛИЗА» (УГЛУБЛЕННЫЙ УРОВЕНЬ) НА УРОВНЕ СРЕДНЕГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

## ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

### **1) гражданского воспитания:**

сформированность гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представление о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и другое), умение взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением;

### **2) патриотического воспитания:**

сформированность российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностное отношение к достижениям российских математиков и российской математической школы, использование этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики;

### **3) духовно-нравственного воспитания:**

осознание духовных ценностей российского народа, сформированность нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного, осознание личного вклада в построение устойчивого будущего;

### **4) эстетического воспитания:**

эстетическое отношение к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений, восприимчивость к математическим аспектам различных видов искусства;

### **5) физического воспитания:**

сформированность умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственное отношение к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность), физическое совершенствование при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью;

### **6) трудового воспитания:**

готовность к труду, осознание ценности трудолюбия, интерес к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умение совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы, готовность и способность к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни, готовность к активному участию в решении практических задач математической направленности;

**7) экологического воспитания:**

сформированность экологической культуры, понимание влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознание глобального характера экологических проблем, ориентация на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирование поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды;

**8) ценности научного познания:**

сформированность мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, понимание математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации, овладение языком математики и математической культурой как средством познания мира, готовности осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

## **МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

### **Познавательные универсальные учебные действия**

**Базовые логические действия:**

выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями, формулировать определения понятий, устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;

воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие, условные;

выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях, предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;

делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;

проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры, обосновывать собственные суждения и выводы;

выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

### **Базовые исследовательские действия:**

использовать вопросы как исследовательский инструмент познания, формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;

проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;

самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;

прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

### **Работа с информацией:**

выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;

выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;

структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;

оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

## **Коммуникативные универсальные учебные действия**

### **Общение:**

воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку

зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;

в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения, сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;

представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

### **Регулятивные универсальные учебные действия**

#### **Самоорганизация:**

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

#### **Самоконтроль, эмоциональный интеллект:**

владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов, владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;

предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;

оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

#### **Совместная деятельность:**

понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач, принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;

участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнений, «мозговые штурмы» и иные), выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать

качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

## **ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

К концу обучения в **11 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты по отдельным темам рабочей программы учебного курса «Алгебра и начала математического анализа»:

### **Числа и вычисления:**

свободно оперировать понятиями: натуральное и целое число, множества натуральных и целых чисел, использовать признаки делимости целых чисел, НОД и НОК натуральных чисел для решения задач, применять алгоритм Евклида;

свободно оперировать понятием остатка по модулю, записывать натуральные числа в различных позиционных системах счисления;

свободно оперировать понятиями: комплексное число и множество комплексных чисел, представлять комплексные числа в алгебраической и тригонометрической форме, выполнять арифметические операции с ними и изображать на координатной плоскости.

### **Уравнения и неравенства:**

свободно оперировать понятиями: иррациональные, показательные и логарифмические неравенства, находить их решения с помощью равносильных переходов;

осуществлять отбор корней при решении тригонометрического уравнения;

свободно оперировать понятием тригонометрическое неравенство, применять необходимые формулы для решения основных типов тригонометрических неравенств;

свободно оперировать понятиями: система и совокупность уравнений и неравенств, равносильные системы и системы-следствия, находить решения системы и совокупностей рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений и неравенств;

решать рациональные, иррациональные, показательные, логарифмические и тригонометрические уравнения и неравенства, содержащие модули и параметры;

применять графические методы для решения уравнений и неравенств, а также задач с параметрами;

моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры, интерпретировать полученный результат.

### **Функции и графики:**

строить графики композиции функций с помощью элементарного исследования и свойств композиции двух функций;

строить геометрические образы уравнений и неравенств на координатной плоскости;

свободно оперировать понятиями: графики тригонометрических функций;

применять функции для моделирования и исследования реальных процессов.

### **Начала математического анализа:**

использовать производную для исследования функции на монотонность и экстремумы;

находить наибольшее и наименьшее значения функции непрерывной на отрезке;

использовать производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах, для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком;

свободно оперировать понятиями: первообразная, определённый интеграл, находить первообразные элементарных функций и вычислять интеграл по формуле Ньютона-Лейбница;

находить площади плоских фигур и объёмы тел с помощью интеграла;

иметь представление о математическом моделировании на примере составления дифференциальных уравнений;

решать прикладные задачи, в том числе социально-экономического и физического характера, средствами математического анализа.

## ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронны е (цифровые) образовател ьные ресурсы	Формы учёта рабочей программы воспитания
		Всего	Контрольн ые работы	Практиче ские работы		
1	Исследование функций с помощью производной	22	2		<a href="https://resh.edu.ru/">https://resh. edu.ru/</a>	<p>привлечение внимания обучающихся к ценностному аспекту изучаемых на уроках предметов, явлений и событий, инициирование обсуждений, высказываний своего мнения, выработки своего личностного отношения к изучаемым событиям, явлениям, лицам;</p> <p>подбор соответствующего содержания уроков, заданий, вспомогательных материалов, выбор методов, методик, технологий, оказывающих воспитательное воздействие на личность в соответствии с воспитательным идеалом, целью и задачами воспитания, целевыми</p>

						ориентирами результатов воспитания; реализацию приоритета воспитания в учебной деятельности;
2	Первообразная и интеграл	12	1		<a href="https://resh.edu.ru/">https://resh.edu.ru/</a>	побуждение обучающихся соблюдать нормы поведения, правила общения со сверстниками и педагогическими работниками, соответствующие укладу общеобразовательной организации, установление и поддержку доброжелательной атмосферы; максимальное использование воспитательных возможностей содержания учебных предметов для формирования у обучающихся российских традиционных духовно-нравственных и социокультурных ценностей, российского исторического сознания на основе исторического просвещения;
3	Графики тригонометрических функций. Тригонометрические неравенства	14	1		<a href="https://resh.edu.ru/">https://resh.edu.ru/</a>	побуждение обучающихся соблюдать нормы поведения, правила общения со сверстниками и педагогическими работниками, соответствующие укладу общеобразовательной организации, установление и поддержку

						<p>доброжелательной атмосферы;  иницирование и поддержку  исследовательской деятельности  обучающихся, планирование и  выполнение индивидуальных и  групповых проектов воспитательной  направленности  максимальное использование  воспитательных возможностей  содержания учебных предметов для  формирования у обучающихся  русских традиционных духовно-  нравственных и социокультурных  ценностей, русского  исторического сознания на основе  исторического просвещения;</p>
4	<p>Иррациональные  , показательные  и  логарифмически  е неравенства</p>	24	1		<p><a href="https://resh.edu.ru/">https://resh. edu.ru/</a></p>	<p>иницирование и поддержку  исследовательской деятельности  обучающихся, планирование и  выполнение индивидуальных и  групповых проектов воспитательной  направленности  максимальное использование  воспитательных возможностей  содержания учебных предметов для  формирования у обучающихся  русских традиционных духовно-  нравственных и социокультурных</p>

						ценностей, российского исторического сознания на основе исторического просвещения;
5	Комплексные числа	10	1		<a href="https://resh.edu.ru/">https://resh.edu.ru/</a>	побуждение обучающихся соблюдать нормы поведения, правила общения со сверстниками и педагогическими работниками, соответствующие укладу общеобразовательной организации, установление и поддержку доброжелательной атмосферы; подбор соответствующего содержания уроков, заданий, вспомогательных материалов, выбор методов, методик, технологий, оказывающих воспитательное воздействие на личность в соответствии с воспитательным идеалом, целью и задачами воспитания, целевыми ориентирами результатов воспитания; реализацию приоритета воспитания в учебной деятельности
6	Натуральные и целые числа	10	1		<a href="https://resh.edu.ru/">https://resh.edu.ru/</a>	привлечение внимания обучающихся к ценностному аспекту изучаемых на уроках предметов, явлений и событий, инициирование

						обсуждений, высказываний своего мнения, выработки своего личного отношения к изучаемым событиям, явлениям, лицам;
7	Системы рациональных, иррациональных показательных и логарифмических уравнений	12	1		<a href="https://resh.edu.ru/">https://resh.edu.ru/</a>	привлечение внимания обучающихся к ценностному аспекту изучаемых на уроках предметов, явлений и событий, инициирование обсуждений, высказываний своего мнения, выработки своего личного отношения к изучаемым событиям, явлениям, лицам; подбор соответствующего содержания уроков, заданий, вспомогательных материалов, выбор методов, методик, технологий, оказывающих воспитательное воздействие на личность в соответствии с воспитательным идеалом, целью и задачами воспитания, целевыми ориентирами результатов воспитания; реализацию приоритета воспитания в учебной деятельности;
8	Задачи с	16	1		<a href="https://resh.edu.ru/">https://resh.edu.ru/</a>	побуждение обучающихся

	параметрами				<a href="http://edu.ru/">edu.ru/</a>	соблюдать нормы поведения, правила общения со сверстниками и педагогическими работниками, соответствующие укладу общеобразовательной организации, установление и поддержку доброжелательной атмосферы; максимальное использование воспитательных возможностей содержания учебных предметов для формирования у обучающихся российских традиционных духовно-нравственных и социокультурных ценностей, российского исторического сознания на основе исторического просвещения;
9	Повторение, обобщение, систематизация знаний	16				побуждение обучающихся соблюдать нормы поведения, правила общения со сверстниками и педагогическими работниками, соответствующие укладу общеобразовательной организации, установление и поддержку доброжелательной атмосферы; инициирование и поддержку исследовательской деятельности обучающихся, планирование и выполнение индивидуальных и

						<p>групповых проектов воспитательной направленности</p> <p>максимальное использование воспитательных возможностей содержания учебных предметов для формирования у обучающихся российских традиционных духовно-нравственных и социокультурных ценностей, российского исторического сознания на основе исторического просвещения;</p>
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ	136	9	0			

## ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

№ п/п	Тема урока	Количество часов			Дата изучения	Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы		
1	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1			02.09.2024	<a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/3976/start/201104/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/3976/start/201104/</a>
2	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1			02.09.2024	<a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/3966/start/201135/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/3966/start/201135/</a>
3	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1			05.09.2024	<a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/3987/start/273810/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/3987/start/273810/</a>
4	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1			05.09.2024	
5	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1			09.09.2024	
6	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1			09.09.2024	
7	Нахождение наибольшего и наименьшего значения	1			12.09.2024	<a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/6115/start/36346/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/6115/start/36346/</a>

	непрерывной функции на отрезке					
8	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1			12.09.2024	
9	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1			16.09.2024	<a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/6116/start/273928/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/6116/start/273928/</a>
10	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1			16.09.2024	
11	Входная контрольная работа	1	1		19.09.2024	
12	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1			19.09.2024	
13	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1			23.09.2024	
14	Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах	1			23.09.2024	<a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/6195/start/225651/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/6195/start/225651/</a>

15	Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах	1			26.09.2024	
16	Применение производной для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком	1			26.09.2024	
17	Применение производной для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком	1			30.09.2024	
18	Композиция функций	1			30.09.2024	
19	Композиция функций	1			03.10.2024	
20	Композиция функций	1			03.10.2024	
21	Геометрические образы уравнений на координатной плоскости	1			14.10.2024	
22	Контрольная работа №1 "Исследование функций с помощью производной"	1	1		14.10.2024	
23	Первообразная, основное свойство первообразных	1			17.10.2024	<a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/4924/start/225713/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/4924/start/225713/</a>
24	Первообразные элементарных	1				<a href="https://resh.edu.ru/subject/">https://resh.edu.ru/subject/</a>

	функций. Правила нахождения первообразных				17.10.2024	<a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/3993/start/225744/">lesson/3993/start/225744/</a>
25	Первообразные элементарных функций. Правила нахождения первообразных	1			21.10.2024	
26	Интеграл. Геометрический смысл интеграла	1			21.10.2024	<a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/6117/start/225775/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/6117/start/225775/</a>
27	Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона-Лейбница	1			24.10.2024	
28	Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона-Лейбница	1			24.10.2024	
29	Применение интеграла для нахождения площадей плоских фигур	1			28.10.2024	<a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/4037/start/269550/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/4037/start/269550/</a>
30	Применение интеграла для нахождения объёмов геометрических тел	1			28.10.2024	<a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/6118/start/225808/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/6118/start/225808/</a>
31	Примеры решений дифференциальных уравнений	1			31.10.2024	<a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/4926/start/225841/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/4926/start/225841/</a>
32	Примеры решений дифференциальных уравнений	1			31.10.2024	
33	Математическое моделирование	1				

	реальных процессов с помощью дифференциальных уравнений				07.11.2024	
34	Контрольная работа №2 "Первообразная и интеграл"	1	1		07.11.2024	
35	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1			11.11.2024	
36	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1			11.11.2024	
37	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1			14.11.2024	
38	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1			14.11.2024	
39	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1			25.11.2024	
40	Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности	1			25.11.2024	<a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/6320/start/200020/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/6320/start/200020/</a>
41	Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности	1			28.11.2024	
42	Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности	1			28.11.2024	

43	Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности	1			02.12.2024	
44	Решение тригонометрических неравенств	1			02.12.2024	<a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/4738/start/200420/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/4738/start/200420/</a>
45	Решение тригонометрических неравенств	1			05.12.2024	
46	Решение тригонометрических неравенств	1			05.12.2024	
47	Решение тригонометрических неравенств	1			09.12.2024	
48	Контрольная работа №3 "Графики тригонометрических функций. Тригонометрические неравенства"	1	1		09.12.2024	
49	Основные методы решения показательных неравенств	1			12.12.2024	<a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/4731/start/159352/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/4731/start/159352/</a>
50	Основные методы решения показательных неравенств	1			12.12.2024	
51	Основные методы решения показательных неравенств	1			16.12.2024	
52	Основные методы решения показательных неравенств	1			16.12.2024	

53	Основные методы решения логарифмических неравенств	1			19.12.2024	<a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/3852/start/199119/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/3852/start/199119/</a>
54	Основные методы решения логарифмических неравенств	1			19.12.2024	
55	Основные методы решения логарифмических неравенств	1			23.12.2024	
56	Основные методы решения логарифмических неравенств	1			23.12.2024	
57	Основные методы решения иррациональных неравенств	1			26.12.2024	
58	Основные методы решения иррациональных неравенств	1			26.12.2024	
59	Основные методы решения иррациональных неравенств	1			09.01.2025	
60	Основные методы решения иррациональных неравенств	1			09.01.2025	
61	Графические методы решения иррациональных уравнений	1			13.01.2025	
62	Графические методы решения иррациональных уравнений	1			13.01.2025	
63	Графические методы решения показательных уравнений	1			16.01.2025	
64	Графические методы решения показательных неравенств	1			16.01.2025	
65	Графические методы решения	1				

	логарифмических уравнений				20.01.2025	
66	Графические методы решения логарифмических неравенств	1			20.01.2025	
67	Графические методы решения логарифмических неравенств	1			23.01.2025	
68	Графические методы решения показательных и логарифмических уравнений	1			23.01.2025	
69	Графические методы решения показательных и логарифмических уравнений	1			27.01.2025	
70	Графические методы решения показательных и логарифмических неравенств	1			27.01.2025	
71	Графические методы решения показательных и логарифмических неравенств	1			30.01.2025	
72	Контрольная работа №4 "Иррациональные, показательные и логарифмические неравенства"	1	1		30.01.2025	
73	Комплексные числа. Алгебраическая и тригонометрическая формы записи комплексного числа	1			03.02.2025	<a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/4115/start/149105/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/4115/start/149105/</a>
74	Комплексные числа.	1				<a href="https://resh.edu.ru/subject/">https://resh.edu.ru/subject/</a>

	Алгебраическая и тригонометрическая формы записи комплексного числа				03.02.2025	<a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/4103/start/38536/">lesson/4103/start/38536/</a>
75	Арифметические операции с комплексными числами	1			06.02.2025	<a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/6120/start/38567/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/6120/start/38567/</a>
76	Арифметические операции с комплексными числами	1			06.02.2025	<a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/4930/start/79039/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/4930/start/79039/</a>
77	Изображение комплексных чисел на координатной плоскости	1			10.02.2025	
78	Изображение комплексных чисел на координатной плоскости	1			10.02.2025	
79	Формула Муавра. Корни n-ой степени из комплексного числа	1			13.02.2025	
80	Формула Муавра. Корни n-ой степени из комплексного числа	1			13.02.2025	
81	Применение комплексных чисел для решения физических и геометрических задач	1			24.02.2025	
82	Контрольная работа №5 "Комплексные числа"	1	1		24.02.2025	
83	Натуральные и целые числа	1			27.02.2025	

84	Натуральные и целые числа	1			27.02.2025	
85	Применение признаков делимости целых чисел	1			03.03.2025	
86	Применение признаков делимости целых чисел	1			03.03.2025	
87	Применение признаков делимости целых чисел: НОД и НОК	1			06.03.2025	
88	Применение признаков делимости целых чисел: НОД и НОК	1			06.03.2025	
89	Применение признаков делимости целых чисел: остатки по модулю	1			10.03.2025	
90	Применение признаков делимости целых чисел: остатки по модулю	1			10.03.2025	
91	Применение признаков делимости целых чисел: алгоритм Евклида для решения задач в целых числах	1			13.03.2025	
92	Контрольная работа №6 "Теория целых чисел"	1	1		13.03.2025	
93	Система и совокупность уравнений. Равносильные	1			17.03.2025	<a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/6122/start/38660/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/6122/start/38660/</a>

	системы и системы-следствия					
94	Система и совокупность уравнений. Равносильные системы и системы-следствия	1			17.03.2025	
95	Основные методы решения систем и совокупностей рациональных уравнений	1			20.03.2025	<a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/4932/start/127853/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/4932/start/127853/</a>
96	Основные методы решения систем и совокупностей иррациональных уравнений	1			20.03.2025	
97	Основные методы решения систем и совокупностей показательных уравнений	1			24.03.2025	<a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/4134/start/39002/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/4134/start/39002/</a>
98	Основные методы решения систем и совокупностей показательных уравнений	1			24.03.2025	<a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/5627/start/159321/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/5627/start/159321/</a>
99	Основные методы решения систем и совокупностей логарифмических уравнений	1			27.03.2025	<a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/4732/start/198842/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/4732/start/198842/</a>
100	Основные методы решения систем и совокупностей логарифмических уравнений	1			27.03.2025	
101	Применение систем к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация	1			31.03.2025	

	полученных результатов					
102	Применение систем к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов	1			31.03.2025	
103	Применение неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов	1			03.04.2025	
104	Контрольная работа №7 "Системы рациональных, иррациональных показательных и логарифмических уравнений"	1	1		03.04.2025	
105	Рациональные уравнения с параметрами	1			14.04.2025	<a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/4145/start/111179/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/4145/start/111179/</a>
106	Рациональные неравенства с параметрами	1			14.04.2025	
107	Рациональные системы с параметрами	1			17.04.2025	
108	Иррациональные уравнения, неравенства с параметрами	1			17.04.2025	
109	Иррациональные системы с параметрами	1			21.04.2025	

110	Показательные уравнения, неравенства с параметрами	1			21.04.2025	
111	Показательные системы с параметрами	1			24.04.2025	
112	Логарифмические уравнения, неравенства с параметрами	1			24.04.2025	
113	Логарифмические системы с параметрами	1			28.04.2025	
114	Тригонометрические уравнения с параметрами	1			28.04.2025	<a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/6318/start/200082/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/6318/start/200082/</a>
115	Тригонометрические неравенства с параметрами	1			05.05.2025	
116	Тригонометрические системы с параметрами	1			05.05.2025	
117	Построение и исследование математических моделей реальных ситуаций с помощью уравнений с параметрами	1			12.05.2025	
118	Построение и исследование математических моделей реальных ситуаций с помощью систем уравнений с параметрами	1			12.05.2025	
119	Построение и исследование математических моделей	1			15.05.2025	

	реальных ситуаций с помощью систем уравнений с параметрами					
120	Контрольная работа №8 "Задачи с параметрами"	1	1		15.05.2025	
121	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Уравнения"	1			19.05.2025	
122	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Уравнения"	1			19.05.2025	
123	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Уравнения. Системы уравнений"	1			22.05.2025	
124	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Неравенства"	1			22.05.2025	
125	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Неравенства"	1				
126	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Неравенства"	1				
127	Повторение, обобщение, систематизация знаний:	1				

	"Производная и её применение"					
128	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Производная и её применение"	1				
129	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Производная и её применение"	1				
130	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Интеграл и его применение"	1				
131	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Функции"	1				
132	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Функции"	1				
133	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Функции"	1				
134	Итоговая контрольная работа	1	1			
135	Итоговая контрольная работа	1	1			
136	Повторение, обобщение, систематизация знаний	1				
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		136	11	0		

### 1. Список итоговых планируемых результатов с указанием этапов их формирования и способов оценки

Учебный предмет: алгебра и начала анализа

Условные обозначения: оценка текущая (Т) тематическая (Тем); устно (У), письменно (П), практика(ПР).

К концу обучения в 11 классе профильного уровня у обучающихся будут сформированы следующие умения:	Способы оценки
<p>свободно оперировать понятиями: натуральное и целое число, множества натуральных и целых чисел, использовать признаки делимости целых чисел, НОД и НОК натуральных чисел для решения задач, применять алгоритм Евклида;</p> <p>свободно оперировать понятием остатка по модулю, записывать натуральные числа в различных позиционных системах счисления;</p> <p>свободно оперировать понятиями: комплексное число и множество комплексных чисел, представлять комплексные числа в алгебраической и тригонометрической форме, выполнять арифметические операции с ними и изображать на координатной плоскости.</p>	У, П, Т, Тем
<p>свободно оперировать понятиями: иррациональные, показательные и логарифмические неравенства, находить их решения с помощью равносильных переходов;</p> <p>осуществлять отбор корней при решении тригонометрического уравнения;</p> <p>свободно оперировать понятием тригонометрическое неравенство, применять необходимые формулы для решения основных типов тригонометрических неравенств;</p> <p>свободно оперировать понятиями: система и совокупность уравнений и неравенств, равносильные системы и системы-следствия, находить решения системы и совокупностей рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений и неравенств;</p> <p>решать рациональные, иррациональные, показательные, логарифмические и тригонометрические уравнения и неравенства, содержащие модули и параметры;</p> <p>применять графические методы для решения уравнений и неравенств, а также задач с параметрами;</p> <p>моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры, интерпретировать полученный результат.</p>	У, Тем, Т, П
<p>строить графики композиции функций с помощью элементарного исследования и свойств композиции двух функций;</p> <p>строить геометрические образы уравнений и неравенств на координатной плоскости;</p>	У, Т, Тем, П

<p>свободно оперировать понятиями: графики тригонометрических функций;</p> <p>применять функции для моделирования и исследования реальных процессов.</p>	
<p>использовать производную для исследования функции на монотонность и экстремумы;</p> <p>находить наибольшее и наименьшее значения функции непрерывной на отрезке;</p> <p>использовать производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах, для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком;</p> <p>свободно оперировать понятиями: первообразная, определённый интеграл, находить первообразные элементарных функций и вычислять интеграл по формуле Ньютона-Лейбница;</p> <p>находить площади плоских фигур и объёмы тел с помощью интеграла;</p> <p>иметь представление о математическом моделировании на примере составления дифференциальных уравнений;</p> <p>решать прикладные задачи, в том числе социально-экономического и физического характера, средствами математического анализа.</p>	У, П, Т, Тем

## 2. Требования к выставлению отметок за промежуточную аттестацию.

Все вопросы в контрольно-измерительных материалах промежуточной аттестации разделены на три уровня сложности. Задания Б - базового уровня, П – повышенного, В – высокого уровня.

Каждое верно выполненное задание уровня Б оценивается в 1 балл, уровня П – в 2 балла, уровня В – в 3 балла. Используется гибкая система оценивания результатов, при которой ученик имеет право на ошибку:

80-100% от минимальной суммы баллов – оценка «5»

60-79% от минимальной суммы баллов – оценка «4»

40-59% от минимальной суммы баллов – оценка «3»

0-39% от минимальной суммы баллов – оценка «2».

## 3. График контрольных работ

№ п/п	Наименование работы	Дата проведения
1	Входная контрольная работа	19.09. 2024 (четверг, 3 урок)
2	Контрольная работа №1 "Исследование функций с помощью производной"	14.10.2024 (понедельник, 6 урок)
3	Контрольная работа №2 "Первообразная и интеграл"	07.11.2024 (четверг, 4 урок)
4	Контрольная работа №3 "Графики"	09.12.2024

	тригонометрических функций. Тригонометрические неравенства"	(понедельник, 6 урок)
5	Контрольная работа №4 "Иррациональные, показательные и логарифмические неравенства"	30.01.2025 (четверг, 4 урок)
6	Контрольная работа №5 "Комплексные числа"	24.02.2025 (понедельник, 6 урок)
7	Контрольная работа №6 "Теория целых чисел"	13.03.2025 (четверг, 4 урок)
8	Контрольная работа №7 "Системы рациональных, иррациональных показательных и логарифмических уравнений"	03.04.2025 (четверг, 4 урок)
9	Контрольная работа №8 "Задачи с параметрами"	15.05.2025 (четверг, 4 урок)

**УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ  
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА  
ОБЯЗАТЕЛЬНЫЕ УЧЕБНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧЕНИКА**

- Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия.

Алгебра и начала математического анализа, 10 класс/ Никольский С.М.,

Потапов М.К., Решетников Н.Н. и другие, Акционерное общество

«Издательство «Просвещение»

**ЦИФРОВЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ И РЕСУРСЫ СЕТИ  
ИНТЕРНЕТ**

<https://resh.edu.ru/>





